

I

# Писмени испит из математике 1

29. септембар 2014.

I група

I

---

презиме и име студента

---

број индекса

1. Нека је  $\mathcal{M} = \{a + b\sqrt{2} \mid a, b \in \mathbb{Q}, a^2 - 2b^2 = 1\}$  и нека је  $a \star b = ab$ , за  $a, b \in \mathcal{M}$ . Испитати да ли је  $(\mathcal{M}, \star)$  група.

2. Нека је дата права  $a : \begin{cases} x + 3y - 2z - 3 = 0 \\ 3x - y + 2z - 7 = 0. \end{cases}$  и тачке  $M(1, 0, 3)$  и  $N(3, -4, -2)$ .

- а) Одредити канонски облик једначине праве  $b$  која садржи тачке  $M$  и  $N$ .
- б) Одредити растојање између правих  $a$  и  $b$ .
- в) Одредити једначину праве  $c$  која сече праве  $a$  и  $b$  под правим углом.

3. Одредити тачке нагомилавања низа чији је општи члан дат са

$$a_n = \left( \frac{n^2 + 2n + 3}{n^2 - 5n + 2} \right)^{2n-3} + \frac{((-1)^n + 2)n \cos \frac{n\pi}{2} + 2}{n + 3}.$$

4. Испитати ток и скицирати график функције

$$f(x) = x - 2 - \sqrt{x^2 - 5x + 6}.$$