

I

Писмени испит из Математике 1

I

9.9.2014.

I група

презиме и име студента

број индекса

- 1.** У зависности од реалних параметара a и b дискутовати и решити систем једначина

$$\begin{array}{lclclclcl} x & - & 2y & + & 7z & + & 3u & = & 0 \\ -2x & + & (a+2)y & - & 12z & + & (a-6)u & = & 3 \\ 5x & - & (a+8)y & + & (b+33)z & + & (16-a)u & = & 2. \end{array}$$

- 2.** Дате су праве $p: \frac{x-1}{1} = \frac{y+5}{0} = \frac{z-2}{-1}$ и $q: \frac{x+1}{1} = \frac{y-1}{m} = \frac{z+2}{2}$, где је m реалан параметар.

a) Одредити вредност параметра m за који се дате праве секу, а затим за тако одређену вредност параметра одредити меру угла који оне заклапају.

б) Одредити ортогоналну пројекцију праве p на раван $\alpha: x + 2y + 3z - 1 = 0$.

- 3. a)** Доказати да низ (a_n) , чији је општи члан задат са

$$a_n = \frac{1}{\sqrt[3]{n^3 + 2n + 1}} + \frac{1}{\sqrt[3]{n^3 + 2n + 2}} + \cdots + \frac{1}{\sqrt[3]{n^3 + 5n}}, \quad n \geq 1$$

конвергира и одредити његову граничну вредност.

б) Одредити тачке нагомилавања низа (b_n) , $n \geq 1$ чији је општи члан дат са

$$b_n = \frac{(-1)^n + 2}{3} \cdot a_n.$$

- 4.** Испитати ток и скицирати график функције

$$f(x) = (x-3) \ln^2(x-3).$$

II

Писмени испит из Математике 1

II

9.9.2014.

II група

презиме и име студента

број индекса

1. Решити матричну једначину

$$K + 3X = XAB,$$

при чему је $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 0 \\ 2 & -3 \end{bmatrix}$, $B = A^T$ и $K = 21 \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$.

2. Дате су праве $a: \frac{x+3}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-3}{0}$ и $b: \frac{x}{\lambda} = \frac{y-13}{4} = \frac{z-15}{4}$, где је λ реалан параметар.

а) Одредити вредност параметра λ за који се дате праве секу, а затим за тако одређену вредност параметра одредити меру угла који оне заклапају.

б) Одредити ортогоналну пројекцију праве a на раван $\pi: 2x - y + 5z + 1 = 0$.

3. Нека је $f(x) = \operatorname{arctg} x$ и $g(x) = e^{x-x^3}$.

а) Апроксимирати функције $f(x)$ и $g(x)$ Маклореновим полиномима степена 3.

б) Одредити

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5x^3}{f(x) - g(x) + 1 + \frac{1}{2}x^2}.$$

4. Испитати ток и скицирати график функције

$$f(x) = e^{\frac{1}{1-x^2}}.$$